

四川省 2018 年高等职业院校单独招生考试

文化考试（中职类）

注意事项：

1. 文化考试时间 150 分钟，满分 300 分（语文、数学、英语各 100 分）。
2. 文化考试包括语文、数学、英语三个部分，每部分分为第 I 卷和第 II 卷。第 I 卷为选择题，第 II 卷为非选择题。
3. 选择题部分，考生必须使用 2B 铅笔，在答题卡上填涂，答在试卷、草稿纸上无效。
4. 非选择题部分，考生必须使用蓝色或黑色字迹的钢笔或签字笔，在试卷指定位置作答，答在草稿纸上无效。

数学

第 I 卷（共 50 分）

一、单项选择题（本大题共 10 小题，每小题 5 分，共 50 分）在每小题列出的四个备选项中只有一个是符合题目要求的，请将其选出。错选、多选或未选均无分。

1. 函数 $y = \sqrt{x}$ 的定义域是
A. $\{x|x \leq 0\}$ B. $\{x|x < 0\}$ C. $\{x|x \geq 0\}$ D. $\{x|x > 0\}$
2. 已知平面向量 $a = (1, 3)$, $b = (-1, 1)$, 则 $a \cdot b =$
A. (0, 4) B. (-1, 3) C. 0 D. 2
3. $\log_3 9 =$
A. 1 B. 2 C. 3 D. 4
4. 下列函数在其定义域内是增函数的是
A. $y = x$ B. $y = \sin x$ C. $y = x^2$ D. $y = \frac{1}{x}$
5. 不等式 $(x-1)(x-2) < 0$ 的解集为
A. (1, 2) B. [1, 2] C. $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$ D. $(-\infty, 1] \cup [2, +\infty)$
6. 直线 $y = \sqrt{3}x + 1$ 的倾斜角为
A. $\frac{\pi}{6}$ B. $\frac{\pi}{4}$ C. $\frac{\pi}{3}$ D. $\frac{3\pi}{4}$
7. 已知某高职院校共有 10 个高职单招文化考试考场，每名考生被安排到每个考场的可能性相同。两名考生一同前往该校参加高职单招文化考试，则他们在同一个考场考试的概率为
A. $\frac{1}{9}$ B. $\frac{1}{10}$ C. $\frac{1}{90}$ D. $\frac{1}{100}$
8. 过点 $A(-1, 1)$ 和 $B(1, 3)$, 且圆心在 x 轴上的圆的方程是
A. $x^2 + (y-2)^2 = 2$ B. $x^2 + (y-2)^2 = 10$
C. $(x-2)^2 + y^2 = 2$ D. $(x-2)^2 + y^2 = 10$

9. 某报告统计的 2009 年至 2017 年我国高速铁路运营里程如下图所示：



根据上图，以下关于 2010 年至 2017 年我国高速铁路运营里程的说法错误的是

- A. 高速铁路运营里程逐年增加
 - B. 高速铁路运营里程年增长量最大的年份是 2014 年
 - C. 与 2014 年相比，2017 年高速铁路运营里程增加了 1 倍以上
 - D. 与 2012 年相比，2017 年高速铁路运营里程增加了 1 倍以上
10. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} 2^x, & x \leq 0 \\ 2^{-x}, & x > 0 \end{cases}$ 若 a, b 为实数，且 $ab < 0$, 则 $f(a-b) =$
- A. $f(a) - f(b)$
 - B. $f(a)f(b)$
 - C. $\frac{f(a)}{f(b)}$
 - D. $\frac{f(b)}{f(a)}$

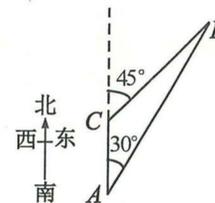
第 II 卷（共 50 分）

题号	二	三	总分	
题分	12	38	总分人	
得分			核分人	

得分	评卷人	复查人

二、填空题（本大题共 3 小题，每小题 4 分，共 12 分）请在每小题的空格中填上正确答案。错填、不填均无分。

11. 已知集合 $A = \{1, 2, 3\}$, $B = \{1, a\}$, $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$, 则 $a =$ _____.
12. 函数 $y = \sin x \cos x$ 的最小正周期是_____.
13. 已知灯塔 B 在灯塔 A 的北偏东 30° , 两个灯塔相距 20 海里. 从轮船 C 上看见灯塔 A 在它的正南方向, 灯塔 B 在它的正东北方向, 则轮船 C 与灯塔 B 的距离为_____海里. (精确到 1 海里, 参考数据: $\sqrt{2} \approx 1.414$, $\sqrt{3} \approx 1.732$)



得分	评卷人	复查人

三、解答题（本大题共 3 小题，第 14 小题 12 分，第 15、16 小题各 13 分，共 38 分）

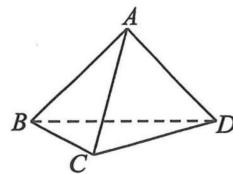
解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

14. 在等比数列 $\{a_n\}$ 中， $a_2 = 2$ ， $a_5 = 16$. 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式及前 n 项和.

15. 如图，在三棱锥 $A-BCD$ 中， $AB = AD = BC = CD = 2$ ， $\angle BAD = \angle BCD = 90^\circ$.

(I) 求证： $AC \perp BD$ ；

(II) 若平面 $ABD \perp$ 平面 BCD ，求三棱锥 $A-BCD$ 的体积.



16. 已知椭圆 $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a > b > 0$) 的离心率为 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ，一个顶点的坐标为 $(2, 0)$.

(I) 求椭圆 C 的标准方程；

(II) 求点 $P(0, \frac{3}{2})$ 到椭圆 C 上的点的最远距离.